

---

## Matemática – QUESTÕES de 01 a 06

LEIA CUIDADOSAMENTE O ENUNCIADO DE CADA QUESTÃO, FORMULE SUAS RESPOSTAS COM OBJETIVIDADE E CORREÇÃO DE LINGUAGEM E, EM SEGUIDA, TRANSCREVA COMPLETAMENTE CADA UMA NA FOLHA DE RESPOSTAS.

### INSTRUÇÕES:

- Responda às questões, com caneta de tinta AZUL ou PRETA, de forma clara e legível.
- Caso utilize letra de imprensa, destaque as iniciais maiúsculas.
- O rascunho deve ser feito no espaço reservado junto das questões.
- Na Folha de Respostas, identifique o número das questões e utilize APENAS o espaço destinado a cada uma, indicando, DE MODO COMPLETO, AS ETAPAS E OS CÁLCULOS envolvidos na resolução da questão.
- Será atribuída pontuação ZERO à questão cuja resposta
  - não se atenha à situação ou ao tema proposto;
  - esteja escrita a lápis, ainda que parcialmente;
  - apresente texto incompreensível ou letra ilegível.
- Será ANULADA a prova que
  - não seja respondida na respectiva Folha de Respostas;
  - esteja assinada fora do local apropriado;
  - possibilite a identificação do candidato.

### Questão 01 (Valor: 10 pontos)

Dois tanques, com a mesma capacidade, apresentam dispositivos para esvaziá-los, tendo cada um deles uma vazão constante. Estando completamente cheios de água, o primeiro tanque é esvaziado em 4 horas e o segundo, em 5.

Nessas condições, abrindo-se simultaneamente os dispositivos desses tanques, calcule o tempo necessário, desde o momento da abertura, para que o volume de água do primeiro tanque seja igual a 75% do volume do segundo.

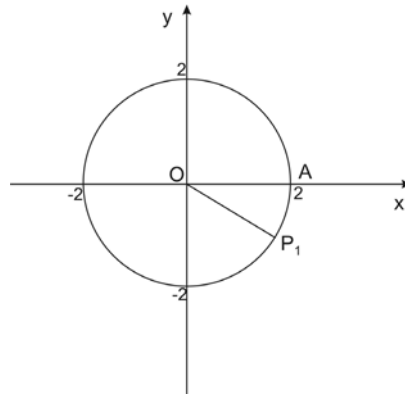
---

**Questão 02** (Valor: 20 pontos)

Na figura, tem-se uma circunferência de centro na origem dos eixos coordenados e raio igual a 2 u.c. O comprimento do menor arco de origem em A e extremidade em  $P_1$  é igual a  $\frac{\pi}{3}$  u.c.

Considere os pontos  $P_1$ ,  $P_2$  e  $P_3$  vértices de um triângulo equilátero inscrito na circunferência e representados, nessa ordem, no sentido anti-horário.

Sendo  $P_1$ ,  $P_2$  e  $P_3$ , respectivamente, afijos dos números complexos  $z_1$ ,  $z_2$  e  $z_3$ , calcule  $|\overline{z_1} + z_2^5 + z_3|$ .



---

**Questão 03** (Valor: 15 pontos)

A temperatura  $Y(t)$  de um corpo — em função do tempo  $t \geq 0$ , dado em minutos — varia de acordo com a expressão  $Y(t) = Y_a + Be^{kt}$ , sendo  $Y_a$  a temperatura do meio em que se encontra o corpo e  $B$  e  $k$  constantes.

Suponha que no instante  $t=0$ , um corpo, com uma temperatura de  $75^\circ\text{C}$ , é imerso em água, que é mantida a uma temperatura de  $25^\circ\text{C}$ .

Sabendo que, depois de 1 minuto, a temperatura do corpo é de  $50^\circ\text{C}$ , calcule o tempo para que, depois de imerso na água, a temperatura do corpo seja igual a  $37,5^\circ\text{C}$ .

---

**Questão 04** (Valor: 15 pontos)

Dadas as funções  $f(x) = \text{sen}(2x)$  e  $g(x) = \text{sen}(x)$ , determine para quais valores de  $x$ ,  $x \in [0, 2\pi]$ ,  $f(x) \geq g(x)$ .

---

**Questão 05** (Valor: 20 pontos)

Considere a matriz simétrica  $A = (a_{ij})$ ,  $1 \leq i \leq 3$ ,  $1 \leq j \leq 3$ , que satisfaz as seguintes condições:

- I - Se  $j = i + 1$  ou  $i = j + 1$ , então  $a_{ij}$  é a distância do ponto P ao ponto Q, sendo P e Q interseções da parábola  $y = x^2 - 2x + 1$  com a reta  $y = -x + 1$ .
- II - Se  $j = i + 2$  ou  $i = j + 2$ , então  $a_{ij}$  é a área do triângulo PQR, sendo o ponto R o simétrico de Q em relação à origem do sistema de coordenadas  $xOy$ .
- III - Se  $i = j$ , então  $a_{ij}$  é o valor máximo da função quadrática  $f(x) = -2x^2 + 4x$ .

Assim sendo, escreva a matriz A e calcule o seu determinante.

---

**Questão 06** (Valor: 20 pontos)

Considere um prisma reto triangular regular de altura igual a 10cm e um cilindro circular reto de raio da base igual a  $r$ , medido em cm, inscrito nesse prisma.

Em função de  $r$ ,

- deduza a expressão do lado do triângulo, base do prisma;
- determine o volume da região exterior ao cilindro e interior do prisma.

\* \* \*