

Questão 1: As notas de dez alunos, num exame, estão dadas a seguir: 2, 5, 8, 3, 6, 5, 8, 7, 6, 10. O desvio médio e a variância dessas notas podem ser expressos, respectivamente, por:

- a) 1,8 e 4,6.
- b) 2,0 e 2,2.
- c) 1,8 e 5,2.
- d) 2,0 e 4,6.
- e) 2,0 e 1,9.

Questão 2: O Índice de Massa Corporal (IMC) é calculado dividindo-se o peso em quilos pela altura (ao quadrado), em metros. Numa pesquisa, os níveis de IMC encontrados em 1.005 estudantes de Ensino Fundamental e de Ensino Médio de certa região variaram de 11,8 a 40,2, resultando em uma média de 18, desvio-padrão de 3,4, com mediana de 17,30, moda de 15,10 e distribuição em forma de sino. Paulo, aluno lutador de sumô, possui um IMC de 28,2, e Pedro, aluno maratonista, possui um IMC de 14. Considere as informações e assinale a afirmativa **CORRETA**.

- a) O coeficiente de variação porcentual da pesquisa é maior do que 20%.
- b) O escore padronizado (z) do aluno Paulo é de 3.
- c) Paulo tem um IMC que pode ser considerado usual (em relação à pesquisa e utilizando o escore “ z ”).
- d) Pedro tem um IMC que pode ser considerado incomum (em consideração ao estudo e utilizando-se o escore “ z ”).
- e) O escore padronizado de Pedro é de 1,2.

Questão 3: Um modelo simplificado para a variação no preço de uma ação supõe que a cada dia o preço pode tanto subir uma unidade (+1) com probabilidade p , como cair uma unidade (-1) com probabilidade $1-p$. Também, supõe-se que as mudanças a cada dia sejam independentes. Com base nesse modelo, a probabilidade de que o preço da ação tenha caído no primeiro dia de observação, dado que após três dias de observação o preço da ação subiu em uma unidade, é:

- a) $1/6$.
- b) $1/5$.
- c) $1/4$.
- d) $1/3$.
- e) $2/3$.

Questão 4: Na descrição de uma amostra aleatória de tamanho $n = 20$, obteve-se um coeficiente de variação $cv = 0,25$ e um desvio-padrão $s = 3$. Então, a soma dos elementos dessa amostra é igual a:

- a) 300.
- b) 324.
- c) 180.
- d) 240.
- e) 200.

Questão 5: Amostras de uma peça de alumínio são classificadas com base no acabamento da superfície e nas medidas de comprimento. Os resultados de 100 peças são resumidos a seguir. Qual é a probabilidade de uma peça ter excelente acabamento, dado que a mesma tem um bom comprimento?

		comprimento	
		excelente	bom
acabamento	excelente	75	7
	bom	10	8

- a) 7/15
- b) 7/100
- c) 8/15
- d) 8/100
- e) 8/18

Questão 6: Imagine-se diante de duas urnas contendo bolas de diferentes cores. A urna 1 contém x bolas brancas e y vermelhas. A urna 2 contém z bolas brancas e v vermelhas. Uma bola é escolhida ao acaso da urna 1 e posta na urna 2. A seguir, uma bola é escolhida ao acaso da urna 2. Qual será a probabilidade de que essa bola seja branca?

- a) $\left(\frac{x}{x+y}\right)\left(\frac{z+1}{z+v+1}\right) + \left(\frac{y}{x+y}\right)\left(\frac{z}{z+v+1}\right)$
- b) $\left(\frac{x}{x+y}\right)\left(\frac{z+1}{z+v+1}\right)$
- c) $\left(\frac{z}{z+v+1}\right)$
- d) $\left(\frac{x}{x+y}\right)$
- e) $\left(\frac{z+1}{z+v+1}\right)$

Questão 7: Uma determinada peça é produzida por 3 fábricas, digamos A, B e C, sendo que A produz 50% das peças, e B e C produzem 25% das peças cada. Sabe-se que 2% das peças produzidas por A, 2% das produzidas por B e 4% das produzidas por C são defeituosas. Todas as peças produzidas são colocadas em um depósito. Ao se retirar uma peça, constatou-se que ela era defeituosa. Qual é a probabilidade de a peça ser da fábrica A?

- a) 0,025
- b) 0,4
- c) 0,5
- d) 0,8
- e) 0,3

Questão 8: Um fabricante de lâmpadas afirma que a duração de seu produto é de 2000 horas, com desvio-padrão de 150 horas. Em uma amostra de 120 lâmpadas, a média de duração foi de 1950 horas. Supondo normalidade, estime por intervalo a duração média das lâmpadas, produzidas pelo fabricante, ao nível de 95% de confiança.

- a) (1923,2 ; 1976,8)
- b) (1800,0 ; 1935,1)
- c) (2000,0 ; 2035,1)
- d) (1973,2 ; 2026,8)
- e) (1500 ; 2500)

Questão 9: O número de falhas de um instrumento de teste para partículas de contaminação no produto segue uma variável aleatória de Poisson, com média de 1 falha por hora. Qual é a probabilidade de que o instrumento falhe, pelo menos, 2 vezes em meia hora?

- a) $1 - 1,5e^{-0,5}$
- b) 0,5
- c) e^{-1}
- d) $1,5e^{-1}$
- e) $e^{-0,5}$

Questão 10: As lâmpadas fluorescentes adquiridas pelo Departamento de Suprimentos de determinada prefeitura têm garantia de funcionamento adequado, fixada pelo fabricante em $X(n)$ horas. O tempo de vida (X) das lâmpadas foi modelado segundo a distribuição exponencial, ou seja, $X \sim e(\theta)$. A função densidade de probabilidade da variável aleatória $Y = \ln(X)$ é dada por:

- a) $f_y(y)\theta e^{\ln(\theta)}$, $y \in R$.
- b) $f_y(y)\theta e^{[\theta \ln(y)]}$, $y \in R$.
- c) $f_y(y)\theta e^{y \ln(\theta)}$, $y \in R$.
- d) $f_y(y)\theta e^{y^\theta}$, $y \in R$.
- e) $f_y(y)\theta e^{y(1-\theta)}$, $y \in R$.

Questão 11: Uma variável aleatória X tem função geradora de momentos dada por $m_X(t) = 0,2 + 0,8e^t$. O valor de $E[X^2]$ é:

- a) 0,16.
- b) 0,2.
- c) 0,4.
- d) 0,64.
- e) 0,8.

Questão 12: Um produtor de sementes vende pacotes com 20 sementes cada um. Quando um pacote apresenta mais de uma semente sem germinar, o comprador é indenizado. A probabilidade de uma semente não germinar é de 2 %. Qual é a probabilidade de o comprador de um pacote ser indenizado?

- a) 6%
- b) 10%
- c) 50%
- d) 20%
- e) 94%

Questão 13: Uma variável aleatória X discreta tem valores possíveis - 2, - 1, 0 e 2 e probabilidades respectivas 0,1; 0,4; 0,3 e 0,2. O valor de $E[X^3]$ é:

- a) - 0,4.
- b) - 0,2.
- c) 0.
- d) 0,2.
- e) 0,4.

Questão 14: Seja X_1, X_2, \dots, X_n uma amostra aleatória de uma distribuição $N(\mu, \sigma^2)$ e \bar{X} a média amostral. Supondo $n=16$, determinar as seguintes probabilidades:

$$\text{I. } P\left(\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \mu)^2 \leq 2\sigma^2\right)$$

$$\text{II. } P\left(\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2 \leq 2\sigma^2\right)$$

Assinale a afirmativa **CORRETA**.

- a) I: $P = 0,78$; II: $P = 0,995$
b) I: $P = 0,99$; II: $P = 0,995$
c) I: $P = 0,99$; II: $P = 0,85$
d) I: $P = 0,78$; II: $P = 0,91$
e) I: $P = 0,80$; II: $P = 0,75$

Questão 15: O esquema a seguir representa uma clínica de idosos que tem enfermeiros em três departamentos (\blacklozenge departamento A, \bullet departamento B e \square departamento C). Retire uma amostra estratificada de tamanho $n = 20$. Para que a alocação seja proporcional, qual deve ser o tamanho da amostra a ser retirada de cada estrato (departamento)?

\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\bullet	\bullet	\square	\square	\square	\square	\square
\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\bullet	\bullet	\square	\square	\square	\square	\square
\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\square	\square	\square	\square	\square
\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\square	\square	\square	\square	\square
\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\blacklozenge	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\bullet	\square	\square	\square	\square	\square

- a) $n_A = 8, n_B = 6, n_C = 6$
b) $n_A = 10, n_B = 5, n_C = 5$
c) $n_A = 8, n_B = 7, n_C = 5$
d) $n_A = 7, n_B = 7, n_C = 6$
e) $n_A = 12, n_B = 6, n_C = 6$

Questão 16: Uma determinada loja de Juiz de Fora planeja realizar uma pesquisa de satisfação com 50 de seus clientes, ao longo de um dia. A loja estima que, diariamente, cerca de 1000 clientes a visitem. Que tipo de plano amostral é o melhor para a situação?

- a) amostra aleatória simples
- b) amostra por conglomerados
- c) amostra estratificada
- d) amostra intencional
- e) amostra sistemática

Questão 17: Quando há dois planos amostrais, é importante saber qual deles é mais eficiente. Um conceito importante, que é denominado Efeito do Planejamento Amostral (EPA), compara a variância de um estimador sob um plano qualquer com a variância do mesmo estimador sob outro plano tido como padrão. Tendo em vista esse conceito, considere uma pesquisa realizada em uma população (hipotética) com $N=8$ domicílios, em que é conhecida a renda familiar por domicílio $y = (13,17,6,5,10,12,19,6)$, apresentando $\mu = 11$ e $\sigma^2 = 24$. Considere dois planos amostrais:

PLANO 1: Amostragem Aleatória Simples com reposição (AASc) com amostra de tamanho 4;

PLANO 2: Amostragem estratificada da seguinte forma:

Estrato1 = (13,17,6,5) com $\mu_1 = 10,25$; $\sigma^2_1 = 24,69$

Estrato2 = (10,12,19,6) com $\mu_2 = 11,75$; $\sigma^2_2 = 22,19$

Calcular o EPA para o estimador da média, tendo como padrão o PLANO 1. Está **CORRETA** a afirmativa:

- a) EPA = 0,96: Os planos possuem eficiências diferentes.
- b) EPA = 0,98 : Os planos possuem eficiências aproximadamente iguais.
- c) EPA = 1,23: Os planos possuem eficiências diferentes.
- d) EPA = 0,899: Os planos possuem eficiências aproximadamente iguais.
- e) EPA = 0,758: Os planos possuem eficiências aproximadamente iguais.

Questão 18: Seja X_1, X_2, \dots, X_n uma amostra aleatória de uma distribuição normal com média μ e variância σ^2 desconhecidas. Sejam \bar{X} e S^2 a média e variância amostral, respectivamente. Para um tamanho de amostra igual a 16, encontre o valor de K tal que $P(\bar{X} > \mu + Ks) = 0,05$. O valor **CORRETO** de k é:

- a) $k = 0,821$.
- b) $k = 0,891$.
- c) $k = 0,438$.
- d) $k = 0,799$.
- e) $k = 0,583$.

Questão 19: Uma amostra aleatória simples X_1, X_2, X_3, X_4 , de tamanho 4, de uma população com média μ será observada. Os seguintes estimadores de μ estão sob análise:

$$T_1 = \frac{X_1 + X_2 + X_3 + X_4}{4}, \quad T_2 = \frac{X_1 - X_2 + X_3 - X_4}{2},$$

$$T_3 = \frac{X_1 + X_2 + X_3 - X_4}{2}, \quad T_4 = X_1.$$

A quantidade de estimadores não viesados de μ , entre os apresentados, é:

- a) 0.
- b) 1.
- c) 2.
- d) 3.
- e) 4.

Questão 20: Uma amostra aleatória simples X_1, X_2, \dots, X_n , de tamanho n, será obtida de uma população descrita por uma densidade normal com média μ e variância σ^2 . Se X representa a média amostral e se

$S^2 = \frac{\sum_{i=1}^n (X_i - \bar{X})^2}{n-1}$, então a seguinte variável tem distribuição qui-quadrado com $n-1$ graus de liberdade:

- a) S^2 .
- b) $\frac{(n-1)S^2}{\sigma^2}$.
- c) $\frac{nS^2}{(n-1)\sigma^2}$.
- d) $\frac{(n-1)S^2}{(n+1)}$.
- e) nS^2 .

Questão 21: Em uma amostra iid X_1, X_2, \dots, X_n de uma variável aleatória $X \sim \text{Poisson}(\lambda)$, determine o estimador de máxima verossimilhança para o parâmetro λ .

- a) \bar{X}
- b) \bar{X}^2
- c) $\text{Log}(\bar{X})$
- d) $\text{Exp}(\bar{X})$
- e) $\bar{X} - 1$

Questão 22: Se X_1, X_2, \dots, X_n representam uma amostra aleatória simples de uma distribuição exponencial com média $1/\theta$ desconhecida e se a distribuição a priori de θ é uma distribuição gama com parâmetros α e β , então a distribuição a posteriori de θ dado que $X_i = x_i, i = 1, 2, \dots, n$ é uma distribuição gama com parâmetros:

- a) αn e β .
- b) α e $\beta + \sum_{i=1}^n x_i$.
- c) α e $\beta + \bar{x}$.
- d) $\alpha + n$ e $\beta + \sum_{i=1}^n x_i$.
- e) $\alpha + \bar{x}$ e $\beta + \sum_{i=1}^n x_i$.

Questão 23: Considere o modelo linear dado por $Y_i = \alpha + e_i$, $i = 1, 2, \dots, n$ com $e_i \sim N(0, \sigma^2/w_i)$ independentes, $w_i > 0$, não aleatório. O estimador de máxima-verossimilhança de α é:

a) $\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n Y_i$.

b) $\frac{\sum_{i=1}^n w_i Y_i}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{w_i}}$.

c) $\frac{\sum_{i=1}^n \frac{Y_i}{w_i}}{\sum_{i=1}^n \frac{1}{w_i}}$.

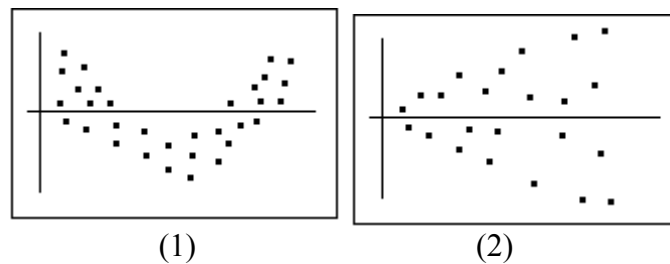
d) $\frac{\sum_{i=1}^n w_i Y_i}{\sum_{i=1}^n w_i}$.

e) $\frac{\sum_{i=1}^n \frac{Y_i}{w_i}}{\sum_{i=1}^n w_i}$.

Questão 24: Na amostragem por conglomerados em um estágio, pode-se afirmar que:

- a) seleciona-se sequencialmente cada unidade amostral com igual probabilidade, de tal forma que cada amostra tenha a mesma chance de ser escolhida.
- b) a população é dividida em subgrupos disjuntos (estratos), e a amostragem aleatória simples é usada na seleção de uma amostra de cada estrato.
- c) a população é dividida em subpopulações disjuntas e, numa primeira etapa, algumas subpopulações são selecionadas usando-se amostragem aleatória simples; numa segunda etapa, uma amostra de unidades é selecionada de cada subpopulação selecionada na primeira etapa.
- d) a população é dividida em subpopulações disjuntas, e selecionam-se algumas subpopulações usando-se amostragem aleatória simples; depois todos os elementos nas subpopulações selecionadas são observados.
- e) existe uma listagem das unidades populacionais e, para cada c inteiro fixado, sorteia-se ao acaso um indivíduo entre as posições 1, 2, ..., c da listagem; depois, observam-se, metodicamente, indivíduos igualmente espaçados na listagem.

Questão 25: Um modelo de regressão linear simples $Y_i = \beta_0 + \beta_1 x_i + e_i$, com $e_i \sim N(0, \sigma)$ independentes, $i = 1, 2, \dots, n$, é ajustado a dois conjuntos de dados (1 e 2). Os gráficos de resíduos *versus* os valores ajustados de Y são apresentados:



Tais resultados revelam:

- a) (1) adequação do modelo ajustado; (2) falha na especificação da função de regressão.
- b) (1) falha na especificação da função de regressão; (2) violação da hipótese de normalidade dos erros.
- c) (1) violação da hipótese de normalidade dos erros; (2) adequação do modelo ajustado.
- d) (1) falha na especificação da função de regressão; (2) violação da hipótese de variância constante dos erros.
- e) (1) violação da hipótese de independência dos erros; (2) violação da hipótese de variância constante dos erros.

Questão 26: Um modelo de regressão linear múltipla é escrito na forma $Y = X\beta + \varepsilon$. Uma amostra de 12 indivíduos e com duas variáveis explicativas produziu: $\hat{\beta}^T = (3.40 \quad -0.12 \quad 2.61)$, $Y^T Y = 1753$, $\bar{Y} = 10.42$, $X^T Y = (125 \quad 2363 \quad 571)^T$. Os valores do Quadrado Médio da Regressão e do Resíduo, bem como da estatística F, são dados, respectivamente, por:

- a) 176,23; 10,85; 16,25.
- b) 150; 5; 20.
- c) 10,42 ; 100,23 ; 80,4.
- d) 100,5; 80,1; -5,21.
- e) 20,4; 70,5; 10,6.

Questão 27: Para testar a aderência de conjunto de observações a uma densidade normal, os dados foram distribuídos em 10 classes e as frequências observadas foram obtidas. As estimativas de máxima verossimilhança da média e da variância populacionais foram calculadas, e seus valores foram usados para calcular as frequências esperadas nas 10 classes. Em seguida, a estatística qui-quadrado usual foi calculada. Sob a hipótese nula de aderência, essa estatística tem distribuição qui-quadrado aproximada com o seguinte número de graus de liberdade:

- a) 6.
- b) 7.
- c) 8.
- d) 9.
- e) 10.

Questão 28: Uma entrevista revelou que 50 dentre 80 pessoas consumiriam determinado produto, se ele fosse lançado no mercado. Qual é o tamanho da amostra, para estimar a proporção de pessoas que consumiriam o produto, com erro máximo de 2%, admitindo-se um nível de confiança de 95%?

- a) 2251 pessoas
- b) 1870 pessoas
- c) 2560 pessoas
- d) 3508 pessoas
- e) 557 pessoas

Questão 29: Muitas vezes, o pesquisador tem alguma ideia sobre o comportamento de uma variável. Nesse caso, o planejamento da pesquisa deve ser de tal forma que permita, com os dados amostrais, testar a veracidade de suas ideias sobre uma população em estudo. Adotamos que a população seja o mundo real e as ideias sejam as hipóteses de pesquisa, que poderão ser testadas por técnicas estatísticas denominadas testes de hipótese. Em relação aos testes de hipótese, assinale a alternativa **INCORRETA**.

- a) A hipótese nula é a hipótese que é sempre testada.
- b) A hipótese nula sempre se refere a um valor especificado do parâmetro da população e não da estatística da amostra.
- c) A afirmativa da hipótese nula sempre contém um sinal de igualdade com relação ao valor do parâmetro especificado.
- d) A hipótese alternativa será desenvolvida como o oposto da hipótese nula e representará a conclusão apoiada, se a hipótese nula for rejeitada.
- e) A afirmativa da hipótese alternativa quase nunca contém um sinal de igualdade com relação ao valor do parâmetro especificado.

Questão 30: Quando se aplica a análise fatorial à matriz de correlação R de um vetor aleatório X , é costume fazer uma rotação dos fatores extraídos com o objetivo de interpretar melhor a natureza de cada fator. A técnica usada para essa rotação é:

- a) rotação direta ortogonal.
- b) rotação composta ortogonal.
- c) rotação Varimax.
- d) rotação de Wald.
- e) rotação de Mahalanobis.